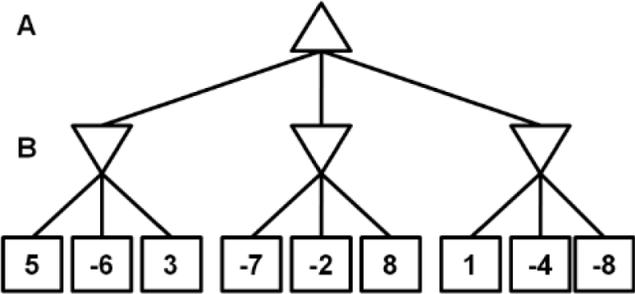


CEFET/RJ  
 Disciplina: Inteligência Artificial  
 Professor: Eduardo Bezerra  
 Lista de exercícios 02

**Créditos:** alguns itens desta lista são adaptados do material da disciplina *CS188 - Artificial Intelligence*<sup>1</sup>, da University of Berkeley. Outros são adaptações de exercícios propostos no livro-texto da disciplina, *AIMA*<sup>2</sup>.

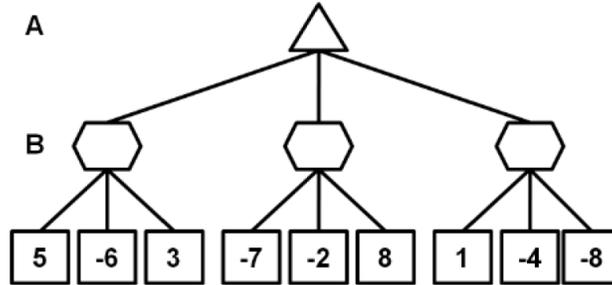
1. (Busca Competitiva) Considere a seguinte árvore de um jogo de soma zero, no qual as utilidades mostradas nos nós-folha são para o primeiro jogador (A) que é um MAXimizador. Suponha que o segundo jogador (B) é um MINimizador.



- (a) Escreva nos nós internos da árvore o valor da utilidade  $U_A(s)$  do jogador A (isto é, o valor minimax desses nós).
  - (b) Circule as arestas da árvore correspondentes às jogadas escolhidas por A e por B de acordo com o valor minimax.
  - (c) Faça um X em cima dos nós que seriam podados pela poda alfa-beta, supondo que os nós são percorridos da esquerda para a direita.
2. Ainda considerando o jogo de soma zero do exercício anterior, suponha agora que o segundo jogador (B) é um equilibrador. Um equilibrador não tenta minimizar a utilidade de A. Ao invés disso, ele quer que o resultado do jogo seja o mais equilibrado possível, isto é, o mais próximo possível de zero. A figura abaixo mostra a árvore do jogo com hexágonos indicando os nós de equilíbrio.
    - (a) Escreva nos nós internos da árvore o valor da utilidade  $U_A(s)$  do jogador A, supondo que B é um equilibrador.
    - (b) Circule as arestas da árvore correspondentes às jogadas escolhidas por A e por B.

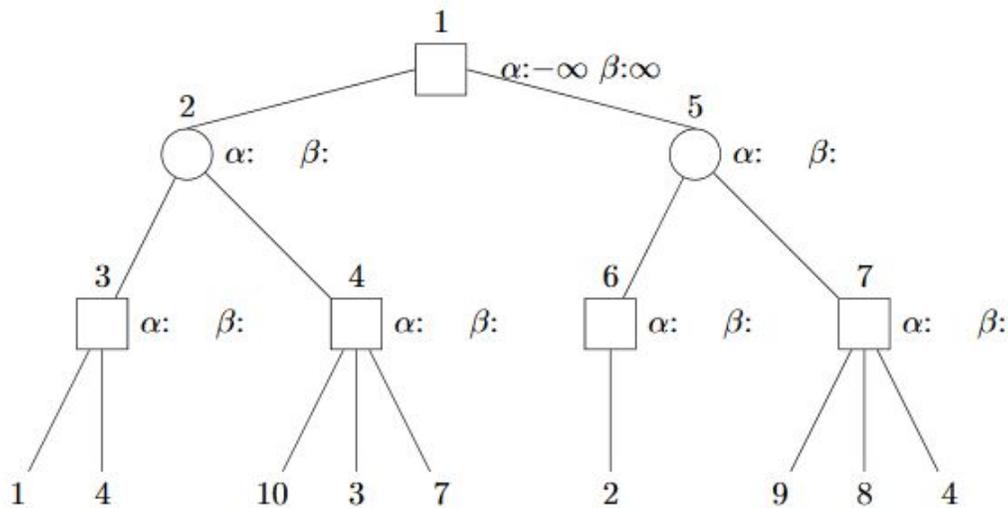
<sup>1</sup><http://ai.berkeley.edu/home.html>

<sup>2</sup><http://aima.cs.berkeley.edu/>



(c) Repita esse exercício considerando agora que a utilidade de  $B$  é dada por  $U_B(s) = -|U_A(s)|$ .

3. A árvore a seguir representa todos os resultados possíveis de um jogo hipotético de soma zero. Esta árvore foi construída da perspectiva do jogador MAX; Os nós MAX são representados por quadrados e os nós MIN são representados por meio de círculos. As folhas da árvore representam o valor do jogo para o jogador MAX. O número em cada nó indica a ordem em que são considerados pelo algoritmos Minimax e  $\alpha - \beta$ .



- (a) Calcule os valores de *back-up* de cada nó na árvore usando a estratégia Minimax, e escreva esses valores no espaço dentro de cada nó.
- (b) Nota: esta pergunta tem duas partes; Leia as duas partes completamente antes de começar a responder.
- Execute o algoritmo  $\alpha - \beta$  e circule cada folha e nó que NÃO for considerado pelo algoritmo. (Suponha que as folhas são consideradas na ordem da esquerda para a direita.)
  - Além disso, ao fazê-lo, escreva os valores de  $\alpha$  e de  $\beta$  que são passados como argumentos para a chamada recursiva em cada nó no espaço fornecido. (Por exemplo, o algoritmo de poda  $\alpha - \beta$  é inicializado com  $\alpha = -\infty$  e  $\beta = -\infty$ ,

portanto estes são os valores passados como argumentos para a primeira chamada no nó raiz.) Nota: Se algum nó não receber valores  $\alpha$  ou  $\beta$  devido à poda, basta escrever X para seus valores  $\alpha$  e  $\beta$ .

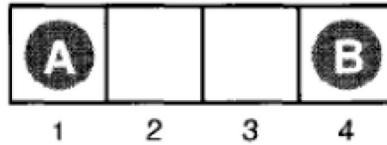
4. Neste problema, você vai investigar a relação entre as árvores expectimax e árvores minimax para jogos de soma-zero com dois jogadores. Imagine que você tem um jogo que alterna entre o jogador 1 (MAX) e o jogador 2. O jogo começa no estado  $s_0$ , com o jogador 1. O jogador 1 pode escolher um movimento usando ou a busca minimax, ou a busca expectimax, onde os nós do jogador 2 são nós de acaso em vez de serem nós min.
  - (a) Desenhe uma árvore de jogo (pequena) na qual o nó raiz tem um valor maior se a busca **expectimax** for usada do que se a busca **minimax** for usada, ou argumente por que não seria possível.
  - (b) Desenhe uma árvore de jogo (pequena) na qual o nó raiz tem um valor maior se a busca **minimax** for usada do que se busca **expectimax** é usada, ou argumente por que não seria possível.
  - (c) Sob quais suposições acerca do jogador 2 o jogador 1 deve usar busca minimax em vez da busca expectimax para selecionar um movimento?
  - (d) Sob quais suposições acerca do jogador 2 o jogador 1 deve usar a busca de expectimax em vez da busca minimax?
  - (e) Imagine que o jogador 1 deseja agir de forma ótima (i.e., racionalmente), e o jogador 1 sabe que o jogador 2 também pretende de forma ótima. No entanto, o jogador 1 também sabe que o jogador 2 (equivocadamente) acredita que o jogador 1 está se movendo uniformemente ao acaso em vez de otimamente. Explique como o jogador 1 deve usar esse conhecimento para selecionar um movimento. Sua resposta deve ser um algoritmo preciso envolvendo uma pesquisa de árvore de jogo, e deve incluir um esboço de uma árvore de jogo apropriada com o movimento do jogador 1 na raiz. Seja claro acerca de que tipo de nós estão em cada camada (ply) e de quem é a vez em cada camada.
  
5. Definimos  $X_n$  como o número de linhas, colunas ou diagonais com exatamente  $n$  valores de  $X$  e nenhum valor de  $O$  (análogo para  $O$ ). A função de utilidade atribui +1 a qualquer posição com  $X_3 = 1$  e  $-1$  a qualquer posição com  $O_3 = 1$ . Todas as outras posições terminais tem utilidade 0. No caso de posições não-terminais, utilizamos uma função de avaliação linear definida como

$$Aval(s) = 3X_2(s) + X_1(s) - (3O_2(s) + O_1(s))$$

- (a) Aproximadamente, quantas possibilidades de jogos existem no jogo da velha?
- (b) Mostre a árvore de jogo inteira a partir de um tabuleiro vazio até a profundidade 2, levando em conta a simetria.
- (c) Marque em sua árvore as avaliações de todas as posições na profundidade 2.
- (d) Usando o algoritmo minimax, marque em sua árvore os valores propagados, e utilize esses valores para escolher o melhor movimento inicial.

- (e) Destaque os nós na profundidade 2 que não seriam avaliados se a poda alfa-beta fosse aplicada, supondo que os nós fossem gerados na ordem ótima para poda alfa-beta.

6. Considere o seguinte jogo de dois jogadores:



- O jogador A joga primeiro.
  - Os dois jogadores se revezam na movimentação.
  - Cada jogador deve mover sua ficha para um espaço adjacente aberto em qualquer direção.
  - Se o oponente ocupar um espaço adjacente, o jogador pode saltar sobre o oponente até o próximo espaço aberto, se houver.
  - O jogo termina quando um jogador chega à extremidade oposta.
- (a) Desenhe a árvore de jogo completa, usando as convenções a seguir:
- Escreva cada estado com  $(s_A, s_B)$ , onde  $s_A$  e  $s_B$  denotam as posições das fichas.
  - Coloque cada estado terminal em um quadrado e escreva o seu valor em um círculo.
  - Insira os estados repetidos em quadrados duplos. Tendo em vista que não está clara a maneira de atribuir valores a esses estados, identifique cada um com um “?”.
- (b) Agora marque cada nó com seu valor minimax propagado. Explique como você tratou os valores “?” e por que.
- (c) Explique por que o algoritmo minimax padrão falharia nessa árvore e faça um resumo de como corrigi-lo, baseando-se em sua resposta ao item (b).